

冬期講習高専入試対策数学講座

ナレッジスター

第5章

方程式と文章題

方程式の文章題で大事なことは、「シチュエーションの完全把握」。これが一番重要である。高専入試の数学の問題はとにかく問題文が長く、さらには見たこともない図がいくつもくっついていることが多い。これが災いして、「問題文を初見した瞬間に、面食らってパニックになってしまう」学生は少なくない。

しかし、問題文をしっかりと読む技法を身につければ、方程式の文章題の「世界観」を頭の中に構築して把握できるようになる。「問題文の世界に自分が入り込む」イメージで、方程式の文章題を解く「コツ」を習得しよう。

方程式と文章題

1 ある湖の周りにランニングコースがある。このランニングコースを A さん, B さん, C さんの 3 人が同じ地点から同じ方向に同時に回り始めた。A さんは分速 100m で歩き, B さんは分速 180m で走り, C さんは自転車に乗って A さん, B さんよりも速い速度で走っており, 3 人ともランニングコースを回り続けることにした。すると, 回り始めてから 30 分後に C さんが初めて A さんに追いつき, それからさらに 30 分後に C さんが初めて B さんに追いついた。このとき, 以下の間に答えよ。

- (1) C さんの自転車の速さは分速 m である。
- (2) ランニングコース 1 周の長さは m である。

[2] ある商品を、1日目は定価の200円で x 個販売し、2日目は定価の20%引きで y 個販売した。3日目は定価の50%引きで、1日目よりも20個少ない数を販売したところで完売した。3日間の総販売数が150個、3日間の総売り上げが24,200円だったとき、以下の間に答えよ。

(1) 3日目に販売した個数を x を用いて表すと、ア $x - \square$ イウ 個である。

(2) 1日目と2日目にそれぞれ販売した個数は、エオ \square 個、カキ \square 個である。

(3) 5,000円以上の利益を出すためには、商品1個分の原価をクケコ \square 円以下にしなければならない。

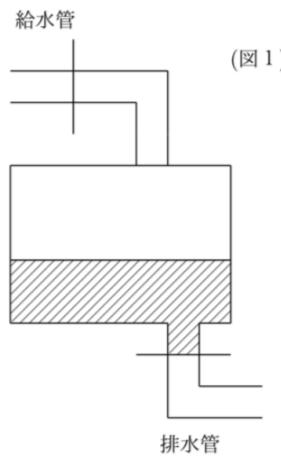
3 ある飲料製造工場では、新商品のミネラルウォーターの大量生産のために、容積が 1800L の貯水設備を作った。今、この貯水設備に水を貯めるために 2 台のポンプ A, B を用意し、同時に 50 分間運転し、1000L が貯水できたところで一旦運転を中断した。そこに、ポンプ A を 4 台追加して運転を再開したところ、10 分後に貯水設備はいっぱいになった。

- (1) ポンプ A,B が 1 分間に汲み上げる水の量をそれぞれ x, y とおき、連立方程式をたてて整理すると、

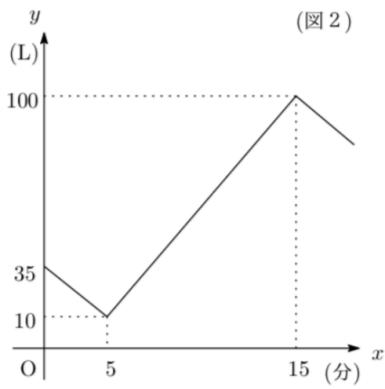
$$\begin{cases} x + y = \boxed{\text{アイ}} \\ \boxed{\text{ウ}}x + y = \boxed{\text{エオ}} \end{cases}$$

- (2) ポンプ A が 1 分間に汲み上げる水の量は $\boxed{\text{カキ}}$ L、ポンプ B が 1 分間に汲み上げる水の量は $\boxed{\text{ク}}$ L である。

- 〔4〕図1のように、給水管と排水管が閉じてある水槽に、35Lの水が入っている。この状態から、排水管を開き、毎分5Lずつ排水を続ける。排水をしている間、給水管は水槽の水の量が10Lになると開き、毎分一定の量で給水し、水槽の水の量が100Lになると閉じることを繰り返す。排水管を開き、排水を始めてから x 分後の水槽の水の量を y Lとする。図2は、 x と y の関係を表したグラフの一部である。このとき、次の各間に答えよ。



(図1)



(図2)

- (1) 排水を始めてから4分後には、水槽に **アイ** L の水が残っている。
- (2) 排水を始めてから5分後から15分後までの x と y の関係は、 $y = \boxed{\text{ウ}}x - \boxed{\text{エオ}}$ である。
- (3) 排水を始めてから90分後までに、給水管は **力** 回開く。
- (4) 排水を始めてから2時間後に排水管を閉じた。その後も、給水は続いているとすると、水槽の水の量が100Lになるのは、排水管を閉じてから **キ** 分 **クケ** 秒後である。